

# Einführung in die Programmiertechnik

## Klassen und Abstrakte Datentypen

# Abstrakte Datentypen (ADT)

- Beschreibung der Datentypen nicht auf Basis ihrer Repräsentation, sondern auf Basis ihrer Operationen und der Zusammenhänge zwischen diesen Operationen
- Algebraische Beschreibung: Typ wird durch Mengen, Konstruktoren, Terme und Axiome beschrieben
  - z.B. ACT ONE
  - Natürliche Zahlen:
    - Operatoren:  $0$ ,  $\text{succ}(x)$ ,  $\text{plus}(x,y)$ ,  $\text{minus}(x,y)$ 
      - Zahlen sind  $0$ ,  $\text{succ}(0)$ ,  $\text{succ}(\text{succ}(0))$ , ...
      - Terme sind z.B.  $\text{plus}(0, \text{succ}(\text{minus}(\text{succ}(0), 0)))$
    - Axiome: Definition von äquivalenten Termen
      - $\text{succ}(\text{plus}(x, y)) \equiv \text{plus}(x, \text{succ}(y))$
      - $\text{plus}(\text{succ}(x), y) \equiv \text{plus}(x, \text{succ}(y))$
      - $\text{plus}(0, y) \equiv y$

# Stack

- Stapelspeicher (LIFO)
  - Werte werden auf den Stapel gelegt und können wieder von ihm heruntergenommen werden
- Menge: Elementtype  $E$ , Stack  $S_E$
- Operatoren
  - $\text{emptyStack}: \rightarrow S_E$
  - $\text{push}: S_E \times E \rightarrow S_E$
  - $\text{pop}: S_E \rightarrow S_E$
  - $\text{top}: S_E \rightarrow E$
  - $\text{empty}: S_E \rightarrow \text{boolean}$
- Axiome:  $\forall e \in E \forall s \in S_E$ 
  - $\text{top}(\text{push}(s, e)) \equiv e$
  - $\text{pop}(\text{push}(s, e)) \equiv s$

# Queue

- Warteschlange (FIFO): Werte werden am Ende an die Warteschlange angefügt; vorderste Elemente können entfernt werden
- Menge: Elemente  $E$ , Queue  $Q_E$
- Operationen:
  - emptyQueue:  $\rightarrow Q_E$
  - enqueue:  $Q_E \times E \rightarrow Q_E$
  - dequeue:  $Q_E \rightarrow Q_E$
  - head:  $Q_E \rightarrow E$
  - empty:  $Q_E \rightarrow \text{boolean}$

# Realisierung abstrakter Datentypen durch Klassen

- Klassen: Kapselung der Implementierungsdetails
- Operationen des ADT werden i.d.R. Methoden der Klasse
  - Ausnahme u.a. initiale Erzeugung des ADT

# Stack in Python

- Ziel: class Stack
  - Methoden: .push(e), .empty(), .pop(), .top()
- Implementierungsstrategie 1: Repräsentation des Stapels als Liste von Elementen
  - Hilfsklasse Entry für Einträge im Stack

class Item:

```
def __init__(self, value, next):  
    self.value = value  
    self.next = next
```

class Stack:

```
def __init__(self):  
    self.items = None  
  
def push(self, e):  
    self.items = Item(e, self.items)  
  
def pop(self):  
    self.items = self.items.next  
  
def top(self):  
    return self.items.value  
  
def empty(self):  
    return self.items is None
```

# Implementierungsstrategie 2

- Tupel statt Item

```
class Stack:
```

```
    def __init__(self):  
        self.items = None
```

```
    def push(self, e):  
        self.items = (e, self.items)
```

```
    def pop(self):  
        self.items = self.items[1]
```

```
    def top(self):  
        return self.items[0]
```

```
    def empty(self):  
        return self.items is None
```



# Implementierungsstrategie 3

- Python-Listen anstelle verketteter Listen

class Stack:

```
def __init__(self):
```

```
    self.items = []
```

```
def push(self, e):
```

```
    self.items.append(e)
```

```
def pop(self):
```

```
    del self.items[-1]
```

```
def top(self):
```

```
    return self.items[-1]
```

```
def empty(self):
```

```
    return len(self.items)==0
```

# Einfach verkettete Listen

- Realisierung des ADT “Stack”:
  - Einfügen am Anfang, Löschen am Anfang
- Realisierung des ADT “Warteschlange”
  - Einfügen am Ende, Löschen am Anfang
  - Tupel sind immutable, deshalb nicht zum Einfügen am Ende geeignet

class Item:

```
def __init__(self, value, next):  
    self.value = value  
    self.next = next
```

# Queue auf Basis einfach verketteter Listen

- Kopf-Objekt zur Realisierung der Queue-Schnittstelle
- Einfügen (enqueue): 2 Fälle
  - Queue leer: Anlegen eines ersten Eintrags
  - Queue nicht leer: Auffinden des Endes der Liste, dann Eintragen eines neuen Elements am Ende
- Löschen (dequeue): Vorderstes Element ersetzen durch 2. Element
- Zugriff auf vordersten Wert (head): Wert aus vorderstem Element auslesen

```
class Queue:
```

```
    def __init__(self):  
        self.items = None
```

```
    def enqueue(self, e):  
        if self.items is None:  
            self.items = Item(e, None)  
        else:  
            item = self.items  
            while item.next is not None: item = item.next  
            item.next = Item(e, None)
```

```
    def dequeue(self):  
        self.items = self.items.next
```

```
    def head(self):  
        return self.items.value
```

```
    def empty(self):  
        return self.items is None
```